

FACULTY OF ENGINEERING  
CHULALONGKORN UNIVERSITY  
2110211 Introduction to Data Structures  
Year 2<sup>nd</sup>, First Semester, Midterm Examination 11 Oct 2018 8:30-11:30

---

ชื่อ-นามสกุล \_\_\_\_\_ เลขประจำตัว \_\_\_\_\_ CR61\_\_\_\_

หมายเหตุ

1. ข้อสอบมีทั้งหมด 11 ข้อในกระดาษคำถามคำตอบจำนวน 11 แผ่น 11 หน้า คะแนนเต็ม 100 คะแนน
2. ไม่อนุญาตให้นำตำราและเครื่องคำนวณต่างๆ ใดๆ เข้าห้องสอบ
3. ควรเขียนตอบด้วยลายมือที่อ่านง่ายและชัดเจน สามารถใช้ดินสอเขียนคำตอบได้
4. ห้ามการหยิบยื่นสิ่งใดๆ ทั้งสิ้น จากผู้สอบอื่นๆ เว้นแต่ผู้คุมสอบจะหยิบยื่นให้
5. ห้ามนำส่วนใดส่วนหนึ่งของข้อสอบออกจากห้องสอบ ข้อสอบเป็นทรัพย์สินของราชการซึ่งผู้ลักพาอาจมีโทษทางคดีอาญา
6. ผู้เข้าสอบสามารถออกจากห้องสอบได้ หลังจากผ่านการสอบไปแล้ว 45 นาที
7. เมื่อหมดเวลาสอบ ผู้เข้าสอบต้องหยุดการเขียนใดๆ ทั้งสิ้น
8. ผู้ที่ปฏิบัติเข้าข่ายทุจริตในการสอบ ตามประกาศคณะวิศวกรรมศาสตร์

มีโทษ คือ ได้รับ สัญลักษณ์ F ในรายวิชาที่ทุจริต และพักการศึกษาอย่างน้อย 1 ภาคการศึกษา

ห้ามนิสิตพกโทรศัพท์และอุปกรณ์สื่อสารไว้กับตัวระหว่างสอบ หากตรวจพบจะถือว่า  
นิสิตกระทำผิดเกี่ยวกับการสอบ อาจต้องพ้นสภาพการเป็นนิสิต หรือ ให้ได้รับ F และ  
อาจพิจารณาให้ถอนรายวิชาอื่นทั้งหมดที่ลงทะเบียนไว้ในภาคการศึกษานี้

\* ร่วมรณรงค์การกระทำผิด หรือทุจริตการสอบเป็นศูนย์ที่คณะวิศวกรรมศาสตร์ \*

ข้าพเจ้ายอมรับในข้อกำหนดที่กล่าวมานี้ ข้าพเจ้าเป็นผู้ทำข้อสอบนี้ด้วยตนเองโดยมิได้รับการช่วยเหลือ  
หรือให้ความช่วยเหลือ ในการทำข้อสอบนี้

ลงชื่อนิสิต.....

วันที่.....

หมายเหตุเพิ่มเติม:

1. หากที่ไม่พอเขียนคำตอบให้เขียนในด้านหลังได้แต่ต้องระบุไว้ให้ชัดเจน
2. ให้เขียนชื่อ-นามสกุล รหัสนิสิต และ CR ให้ครบทุกหน้า
3. ในข้อที่มีการเขียนโปรแกรมนั้น จะมีการพิจารณาประสิทธิภาพในการทำงานของโปรแกรมที่  
เขียนมาด้วย ให้พยายามเขียนโปรแกรมที่ทำงานได้เร็วที่สุด

1. (5 คะแนน) ตอบคำถามต่อไปนี้สั้น ๆ ว่าแต่ละปัญหาต้องมีเก็บข้อมูลประเภทใด

ตัวอย่าง: เก็บข้อมูลนิตินิตว่าคนที่รหัสนี้มีชื่อนามสกุลอะไร

`map<string, pair<string, string>>` รหัส -> ชื่อ, นามสกุล

1.1 เก็บข้อมูลว่านิตินิตที่รหัสนี้มีเกรดเฉลี่ยในแต่ละเทอมที่เรียนมาเท่าไรบ้าง

1.2 เก็บข้อมูลรายการของหนังสือที่มีอยู่ในสต็อก โดยแต่ละเล่มระบุชื่อและราคา (หนังสืออาจมีชื่อซ้ำ แต่ราคาต่างกัน)

1.3 เก็บว่าแต่ละวิชา(ระบุโดยรหัสวิชา) มีนิตินิตคนใดลงทะเบียนบ้าง (ระบุโดยรหัสนิตินิต)

1.4 เก็บข้อมูลที่พักสองมิติว่ามีอุณหภูมิในวันนี้อย่างไร

1.5 เก็บว่านิตินิตคนใด (ระบุโดยรหัส) เป็นสมาชิกสหกรณ์บ้าง เพื่อให้ตรวจสอบการเป็นสมาชิกได้เร็ว

2. (5 คะแนน) จงอธิบายสั้น ๆ ได้ใจความว่าฟังก์ชันเหล่านี้ทำอะไร ได้ผลอะไร (ไม่ต้องอธิบายว่า แต่ละบรรทัดทำอะไร)

	ฟังก์ชัน	ทำหน้าที่อะไร
2.1	<pre>float xxx(vector&lt;float&gt;&amp; v) {     float s = 0.0;     for (auto&amp; x:v) s+=x;     return s / v.size(); }</pre>	_____
2.2	<pre>int xxx(vector&lt;int&gt; v) {     sort(v.begin(), v.end());     return v[v.size() - 2]; }</pre>	_____
2.3	<pre>void xxx(int[] d, int n) {     priority_queue&lt;int&gt; q;     for (int i=0; i&lt;n; i++) q.push(d[i]);     for (int i=0; i&lt;n; i++)         d[i] = q.top(); q.pop(); }</pre>	_____
2.4	<pre>void xxx(set&lt;int&gt; s) {     return *(--(s.end())) - *(s.begin()); }</pre>	_____
2.5	<pre>float xxx(map&lt;float, float&gt;&amp; a, float x) {     for (auto&amp; v:a)         if (v.second == x) return v.first; }</pre>	_____

3. (5 คะแนน) จงวิเคราะห์อัตราการใช้หน่วยความจำของโปรแกรมต่อไปนี้ ให้ตรงกับความเป็นจริงมากที่สุด

โดยให้เขียนอยู่ในรูปสัญกรณ์เชิงเส้นกำกับในตัวแปร  $n$

3.1	<pre>// v is a vector of n elements int xxx(vector&lt;int&gt;&amp; v, int e) {     int k = 0;     for (auto&amp; x:v) if (x == e) k++;     return k; }</pre>	$\Theta(\underline{\quad})$
3.2	<pre>// v is a vector of n elements, w is a map of m elements int xxx(vector&lt;int&gt;&amp; v, map&lt;int, int&gt;&amp; w) {     int k = 0;     for (auto&amp; x:v) k+=w[x];     return k; }</pre>	$O(\underline{\quad})$
3.3	<pre>// v is a vector of n elements int xxx(vector&lt;int&gt;&amp; v){     for (int i = 0; i &lt; v.size() -1; i++)         for (int j = i; j &lt; v.size(); j++)             if (v[i] == v[j]) return v[i]; }</pre>	$\Theta(\underline{\quad})$

3.4	<pre>// v is a vector of n elements void xxx(vector&lt;int&gt;&amp; v) {     priority_queue&lt;int&gt; q;     for (auto&amp; x:v) q.push(x);     v.clear();     while (!q.empty()) {v.push_back(q.top()); q.pop();} }</pre>	$O(\underline{\quad})$
3.5	<pre>// v is a vector of n elements int xxx(vector&lt;int&gt;&amp; v){     for (int i = 0; i &lt; v.size() -1; i++)         for (int j = i; j &lt; v.size(); j++)             if (v[i] == v[j]) return v[i]; }</pre>	$\Theta(\underline{\quad})$

4. (5 คะแนน) จงเติมส่วนของโปรแกรมให้มีเวลาทำงานดังที่กำหนด

4.1	<pre>// v is a vector of n elements void xxx(vector&lt;int&gt;&amp; v, int x) {     v.insert(_____, x); }</pre>	$\Theta(n)$
4.2	<pre>// s is a set of n elements int xxx(set&lt;int&gt;&amp; s, int x) {     int k = 0;     for (auto&amp; e:s) if (_____) k++;     return k; }</pre>	$\Theta(n \log n)$
4.3	<pre>// pq is a priority queue of n elements void xxx(priority_queue&lt;int&gt;&amp; pq, int x) {     int k = 0;     while (pq.size() &gt; 0) {         if (x &gt; pq.top()) k++;         _____     }     return k; }</pre>	$\Theta(n \log n)$
4.4	<pre>// v is a vector of n elements void xxx(vector&lt;int&gt;&amp; v) {     int k = 0;     while (v.size() &gt; 0) {         if (k &gt; v[0]) k++;         v.erase(_____);     }     return k; }</pre>	$\Theta(n)$
4.5	<pre>// v is an empty vector void xxx(vector&lt;int&gt;&amp; v, int n){     int k = 0;     for (int i = 0; i &lt; n; i++) v.push_back(i);     for (int i = 0; i &lt; n; i++)         k += *find(v.begin(), v.end(), _____);     return k; }</pre>	$\Theta(n^2)$

5. (20 คะแนน) จงเขียนฟังก์ชันที่ทำงานตามรายละเอียดที่เขียนใน comment

```
// ให้ m1 และ m2 เก็บความถี่ของคำ merge จะนำข้อมูลใน m2 มาเพิ่มใน m1 เช่น
// ถ้าสร้าง m1 และ m2 ให้เป็น map ว่าง ๆ จากนั้นให้
// m1["one"] = 5; m1["two"] = 4; m2["two"] = 2; m2["ten"] = 1
// หลัง merge(m1,m2) จะได้ m1 มี key:value เป็น "one":5, "two":6, "ten":1
void merge(map<string,int> &m1, const map<string,int> &m2) {
}
}
```

```
//-----  
// คืน vector ของคู่ลำดับ i,j ที่ v[i][j] มีค่าเป็น 0  
vector<pair<int,int>> get_zero_positions(const vector<vector<int>> & v) {  
  
}  
//-----  
// คืน map ที่เก็บว่า ใครถูกใคร follow จาก map ที่เก็บว่าใคร follow ใคร  
// เช่น following เก็บ key:value เป็น { "A":{"a","b"}, "B":{"b","c"} }  
// get_followers(following) จะได้ map ที่เก็บ { "a":{"A"}, "b":{"A","B"}, "c":{"B"} }  
map<string, set<string>> get_followers(const map<string, set<string>> following) {  
  
}  
//-----  
// คืนเซตที่เก็บสมาชิกที่ปรากฏทั้งในเซต s1 และ s2 โดยห้ามใช้ฟังก์ชัน intersection, sort และ find  
set<int> common(const set<int> &s1, const set<int> &s2) {  
  
}
```

6. (10 คะแนน) เราสามารถสร้าง queue ด้วย priority queue และก็สามารถสร้าง stack ด้วย priority queue เช่นกัน จงเขียนเมทอดต่าง ๆ ภายในคลาส my\_queue และ my\_stack ที่ภายในเก็บแค่ priority\_queue และอนุญาตให้เพิ่มข้อมูลได้อีกหนึ่งตัวแบบ int, float, bool หรือ char

```

template <typename T>
class my_queue {
protected:
    std::priority_queue<pair<int,T>> pq;

public:
    ~my_queue() { }
    my_queue() { }
    my_queue(const my_queue<T>& q) { _____ }

    bool    empty() const    { _____ }

    size_t  size() const     { _____ }

    const T& top() const     { _____ }

    void    pop()            { _____ }

    void    push(const T& element) {

    }

};
template <typename T>
class my_stack {
protected:
    std::priority_queue<pair<int,T>> pq;

public:
    ~my_stack() { }
    my_stack() { }
    my_stack(const my_queue<T>& q) { _____ }

    bool    empty() const    { _____ }

    size_t  size() const     { _____ }

    const T& top() const     { _____ }

    void    pop()            { _____ }

    void    push(const T& element) {

    }

};

```

7. (10 คะแนน) จงเขียนเมทอด `insert` และ `erase` ในคลาส `my_set` ข้างล่างนี้ให้สมบูรณ์ กำหนดให้สร้างเซตด้วยอาเรย์

```
template <typename T>
class my_set {
protected:
    int * mData; int  mCap; int  mSize;
public:
    my_set() {
        mCap = 1000; mData = new T[mCap](); mSize = 0;
    }
    my_set(const my_set<T>& s) {
        mData = new T[s.mCap]();
        mCap = s.mCap; mSize = s.mSize;
        for (size_t i = 0; i < s.mSize; i++) mData[i] = s[i];
    }
    ~my_set() { delete [] mData; }
    //-----
    typedef T* iterator;
    iterator begin() { return mData; }
    iterator end()   { return mData + mSize; }
    size_t  size()  { return mSize; }
    bool    empty() { return mSize == 0; }
    iterator find(const T& val) {
        for (auto it = begin(); it != end(); ++it) {
            if (*it == val) return it;
            if (*it > val) break;
        }
        return end();
    }
    //-----
    // เพิ่ม val เข้าไปในเซต ไม่ต้องห่วงเรื่องที่เก็บใน mData เต็ม ค็นค่าจริง ถ้าเซตมีขนาดเพิ่มขึ้น ไม่เช่นนั้น ค็นเท็จ
    bool insert(const T& val) { // ห้ามใช้ฟังก์ชันใด ๆ ของ std *****

}
//-----
// ลบข้อมูลออกจากเซตที่มีค่าเท่ากับ val เข้าไปในเซต ค็นค่าจริง ถ้าเซตมีขนาดลดลง ไม่เช่นนั้น ค็นเท็จ
bool erase(const T& val) { // ห้ามใช้ฟังก์ชันใด ๆ ของ std *****

}
};
```

8. (10 คะแนน) จงออกแบบโครงสร้างข้อมูลเพื่อเก็บข้อมูลพนักงานที่ทำตามข้อกำหนดเหล่านี้ ให้  $n$  คือจำนวนพนักงานที่เก็บในฐานข้อมูล
- เก็บชื่อ-นามสกุล และเลขประจำตัวประชาชนของพนักงานต่าง ๆ ได้
  - เพิ่มข้อมูลได้ใน  $O(\log n)$
  - ขอเลขประจำตัวประชาชนของพนักงานที่มีชื่อนามสกุลตามที่ระบุได้ใน  $O(\log n)$ , ถ้าไม่มีให้คืน string ว่าง
  - ขอรายการของเลขประจำตัวประชาชนของพนักงานที่มีนามสกุลตามที่ระบุในเวลา  $O(k \log n)$  โดย  $k$  คือจำนวนคนที่มีนามสกุลที่ระบุ

นิสิตสามารถใช้ STL ใด ๆ ก็ได้โดยถือว่า ได้ include และ using namespace std ไว้เรียบร้อยแล้ว

```
class PersonDB{
private:

public:
    PersonDB() {

    }
    void addPerson(string& firstName, string& lastName, string& ID) {

    }
    string getIDofPerson(string& firstName, string& lastName) {

    }
    vector<string> getIDofPersonsWithLastName(string& lastName) {

    }
}
```

9. (10 คะแนน) จงเพิ่มเมทอด `eraseAllWithValue` ให้กับของ `CP::vector` เพื่อลบข้อมูลทุกตัวที่มีค่าเท่ากับ `x` โดยต้องทำงานในเวลา  $O(n)$  เมื่อ  $n$  คือจำนวนข้อมูลที่มีอยู่ก่อนเริ่มลบ นิสิตสามารถเรียกใช้บริการต่าง ๆ ที่มีอยู่แล้วใน `CP::vector` ได้

```
template <typename T>
class vector {
public:
    typedef T* iterator;
protected:
    T *mData;    size_t mCap;    size_t mSize;
    void rangeCheck(int n) {...}
    void expand(size_t capacity) {...}
    void ensureCapacity(size_t capacity) {...}
public:
    ...
    void eraseAllWithValue(const T& x) {
        ...
    }
};
```

```
vector(const vector<T>& a) {...}
vector() {...}
vector(size_t cap) {...}
vector<T>& operator=(vector<T> other) {...}
~vector() {...}
bool    empty() const {...}
size_t  size() const {...}
size_t  capacity() const {...}
void    resize(size_t n) {...}
iterator begin() {...}
iterator end() {...}
T& at(int index) {...}
T& at(int index) const {...}
T& operator[](int index) {...}
T& operator[](int index) const {...}
void push_back(const T& element) {...}
void pop_back() {...}
iterator insert(iterator it, const T& element) {...}
void erase(iterator it) {...}
void clear() {...}
```

10. (10 คะแนน) จงเพิ่มเมทอด `insertAt` ให้กับ `CP::queue` เพื่อนำข้อมูลจากเวกเตอร์ `v` มาแทรกยังตำแหน่งที่ `k` จากหัวคิว (หัวคิวคือ `k = 0`) นิสิตสามารถเรียกใช้บริการต่างๆที่มีอยู่แล้วใน `CP::queue` และ `std::vector` ได้

```
template <typename T>
class queue {
protected:
    T *mData;    size_t mCap, mSize, mFront;
    void expand(size_t capacity) {...}
    void ensureCapacity(size_t capacity) {...}
public:
    ...
    void insertAt(int k, const std::vector<T>& v) {
        ...
    }
};
```

```
queue(const queue<T>& a) {...}
queue() {...}
queue<T>& operator=(queue<T> other) {...}
~queue() {...}
bool    empty() const {...}
size_t  size() const {...}
const T& front() const {...}
const T& back() const {...}
void    push(const T& element) {...}
void    pop() {...}
```



## STL Reference

**Common** All classes support these two capacity functions;

Capacity	<pre>size_t size(); // return the number of items in the structure bool empty(); // return true only when size() == 0</pre>
----------	-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### Container Class

All classes in this category support these two iterator functions.

Iterator	<pre>iterator begin(); // an iterator referring to the first element iterator end(); // an iterator referring to the <i>past-the-end</i> element</pre>
----------	--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### Class vector<ValueT> และ list<ValueT>

Element Access สำหรับ vector	<pre>ValueT&amp; operator[] (size_t n); ValueT&amp; at(inti dx);</pre>
Modifier ที่ใช้ได้ทั้ง list และ vector	<pre>void push_back(const ValueT&amp; val); void pop_back(); iterator insert(iterator position, const ValueT&amp; val); iterator insert(iterator position, InputIterator first, InputIterator last); iterator erase(iterator position); iterator erase(iterator first, iterator last); void clear(); void resize(size_t n);</pre>
Modifier ที่ใช้ได้เฉพาะ list	<pre>void push_front(const ValueT&amp; val); void pop_front(); void remove(const ValueT&amp; val);</pre>

### Class set<ValueT>

Operation	<pre>iterator find (const ValueT&amp; val); size_t count (const ValueT&amp; val);</pre>
Modifier	<pre>pair&lt;iterator,bool&gt; insert (const ValueT&amp; val); void insert (InputIterator first, InputIterator last); iterator erase (iterator position); iterator erase (iterator first, iterator last); size_t erase (const ValueT&amp; val);</pre>

### Class map<KeyT, MappedT>

Element Access	<pre>MappedT&amp; operator[] (const KeyT&amp; k);</pre>
Operation	<pre>iterator find (const KeyT&amp; k); size_t count (const KeyT&amp; k);</pre>
Modifier	<pre>pair&lt;iterator,bool&gt; insert (const pair&lt;KeyT,MappedT&gt;&amp; val); void insert (InputIterator first, InputIterator last); iterator erase (iterator position); iterator erase (iterator first, iterator last); size_t erase (const KeyT&amp; k);</pre>

### Container Adapter

These three data structures support the same data modifiers but each has different strategy. These data structures do not support iterator.

Modifier	<pre>void push (const ValueT&amp; val); // add the element void pop(); // remove the element</pre>
----------	----------------------------------------------------------------------------------------------------

### Class queue<ValueT>

Element Access	<pre>ValueT front(); ValueT back();</pre>
----------------	-------------------------------------------

### Class stack<ValueT>

Element Access	<pre>ValueT top();</pre>
----------------	--------------------------

### Class priority\_queue<ValueT, ContainerT = vector<ValueT>, CompareT = less<ValueT> >

Element Access	<pre>ValueT top();</pre>
----------------	--------------------------

### Useful functions

```
iterator find (iterator first, iterator last, const T& val);
void sort (iterator first, iterator last, Compare comp);
pair<T1,T2> make_pair (T1 x, T2 y);
```